

EJERCICIOS DE TEORIA DE CONTROL AUTOMATICO (SOLUCIONES) ¹

SISTEMAS CONTINUOS (I)

C1. $\lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 15$

C2. $\lim_{t \rightarrow 0^+} h(t) = 10$

C3. No se da la solución.

C4. La función de transferencia es: $G(s) = \frac{1}{1+4s}$
 La variable de entrada es ...
 La variable de salida es ...

C5. La función de transferencia es: $G(s) = \frac{5s-1}{5s^2-2s+3}$

Se trata de un sistema inestable (debe justificarse la respuesta).

C6. e.r.p. = $\lim_{t \rightarrow \infty} e(t) = \frac{2\delta}{\omega_n}$, siendo: $e(t) = u(t) - y(t)$

C7. Conviene aplicar el principio de superposición. $y(t) = 1 - e^{-t} (1 + \frac{3}{2}t)$

C8. No se da la solución.

C9. a) $Y(s) = \frac{1}{1+RCs}U(s) + \frac{RC}{1+RCs}y_0$, $y(t) = \frac{1}{RC}e^{-t/RC} + y_0 e^{-t/RC}$

b) No se da la solución.

C10. a) $\frac{\omega_1}{\sigma_1} < \frac{\omega_2}{\sigma_2}$ **b)** $\omega_2 = 0$ **c)** $\sigma_1 = 0$

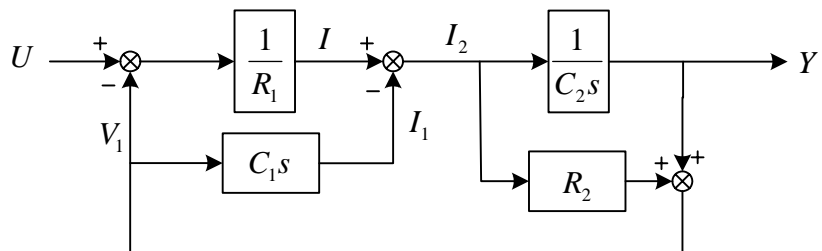
C11. $G_{eq}(s) = \frac{G_1 G_2 (G_3 + G_4) G_5}{1 + G_2 (G_3 + G_4) G_5 H_2 + G_1 G_2 (G_3 + G_4) (H_1 - G_5)}$

C12. $G_{eq}(s) = \frac{K_1}{s^2 + (2 + K_1 K_2)s + K_1}$

C13. a) $G(s) = \frac{1}{1 + (C_1 R_1 + C_2 R_2 + C_2 R_1)s + C_1 C_2 R_1 R_2 s^2}$

b) Se parte de las ecuaciones individuales, a las que se aplica la transformada de Laplace. A partir de ellas se puede obtener el siguiente diagrama de bloques que al reducirlo resulta la misma expresión ya vista.

$$\begin{aligned} I &= I_1 + I_2 \\ Y &= \frac{1}{C_2 s} I_2 \\ V_1 &= \frac{1}{C_1 s} I_1 \\ V_1 &= I_2 R_2 + Y \\ U &= I R_1 + V_1 \end{aligned}$$



C14. $G(s) = \frac{K}{(1 + \tau_1 s)(1 + \tau_2 s)} e^{-Ls}$, siendo: $K = 10, \tau_1 = 0.1s, \tau_2 = 1s, L = 5$

EJERCICIOS DE TEORIA DE CONTROL AUTOMATICO (SOLUCIONES) 2
SISTEMAS CONTINUOS (I)

C15. $G(s) = \frac{0.5}{s(1+3s)} e^{-s}$

C16.

a) El punto de operación será el dado por los valores U_3, Y_a , para la entrada y la salida, respectivamente.

b) $Y(t) = Y_a + \frac{0.3 \cdot 0.85}{\sqrt{2}} \sin(4t - \frac{5}{4}\pi)$

C17. $G(s) = \frac{K \omega_n^2 p_3}{(s + p_3)(s^2 + 2\delta\omega_n s + \omega_n^2)}$, siendo : $K = 1.2, \omega_n \approx 20, \delta = 0.5, p_3 = 200$